

HÜ MAKİNA MÜHENDİSLİĞİ BÖLÜMÜ

0502408/0506408 Elektroteknik

Ara sınav 14.04.2014

100 Dakika

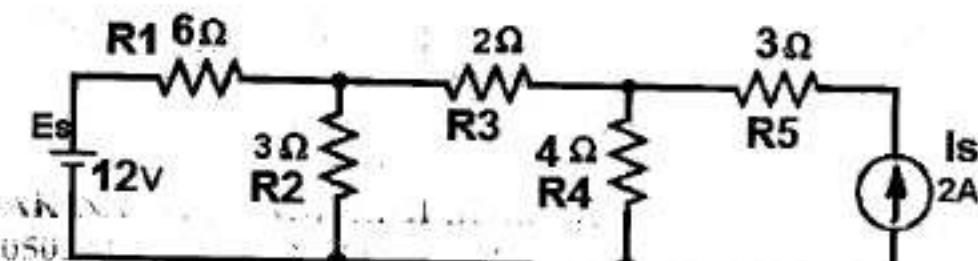
15p

1) TANIMLAR:

- İletken, yalıtkan ve yarıiletkeni atom yapılarına göre açıklayınız.
- Akım ve Gerilimi tanımlayınız
- Kirchoff Kanunlarını açıklayınız. Gerekli denklemleri veriniz

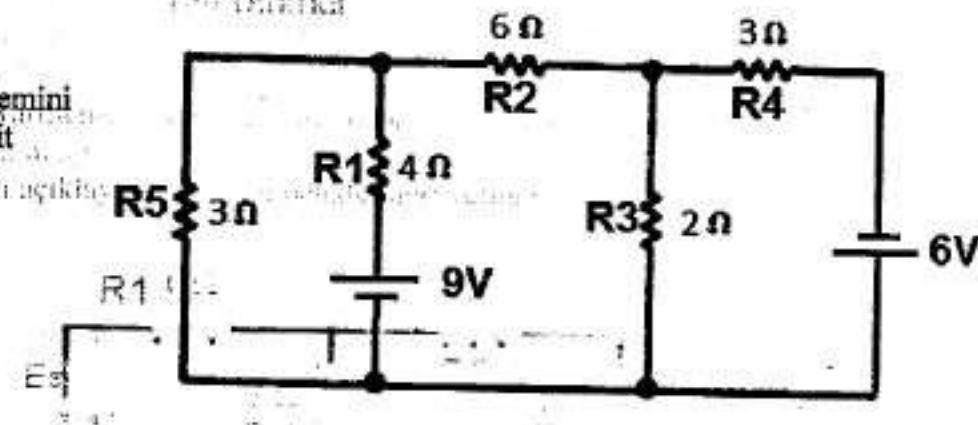
30p

- 2) Süperpozisyon yöntemiyle devredeki tüm dirençlere ait akım ve gerilimleri bularak yönlerini belirtiniz.



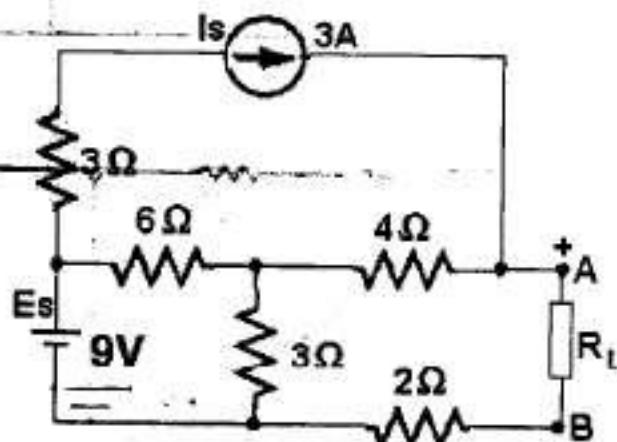
25p

- 3) Düğüm gerilimleri yöntemi kullanarak tüm dirençlere ait akım ve gerilimleri bularak yönlerini belirtiniz.



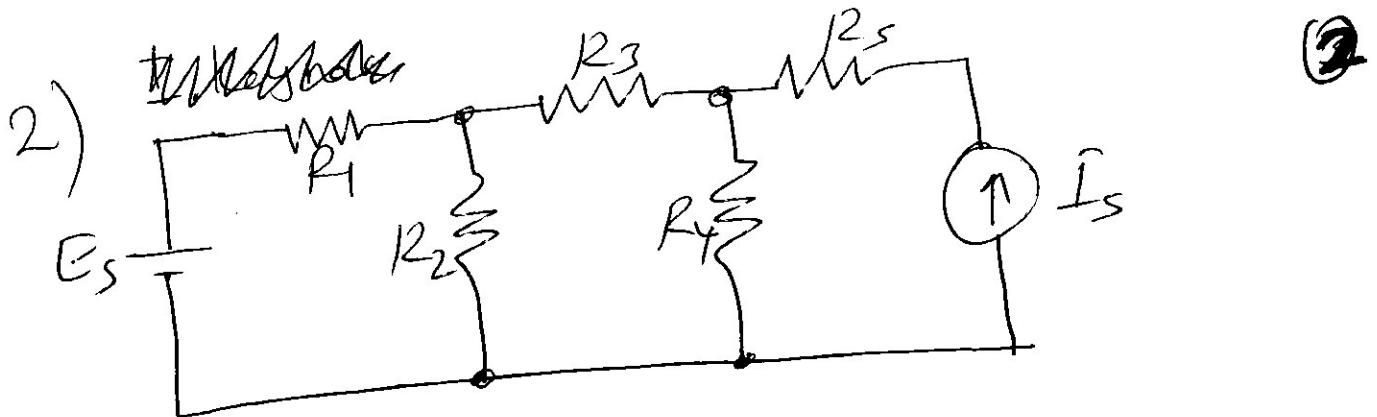
30p

- 4) a) Şekildeki devrede AB noktaları arasına R_L yükü bağlanmıştır. Bu devrenin Norton Eşdeğeri devresini çözümleyiniz. (I_N , R_{th}).
 b) R_L yükünün maksimum güç çeker bilmesi için değeri ne olmalıdır? Bu değere göre R_L yükünden geçen akım, gerilim ve gücü bulunuz.
 c) Norton eşdeğeri devresinden Thevenin Eşdeğeri devresini oluşturun.

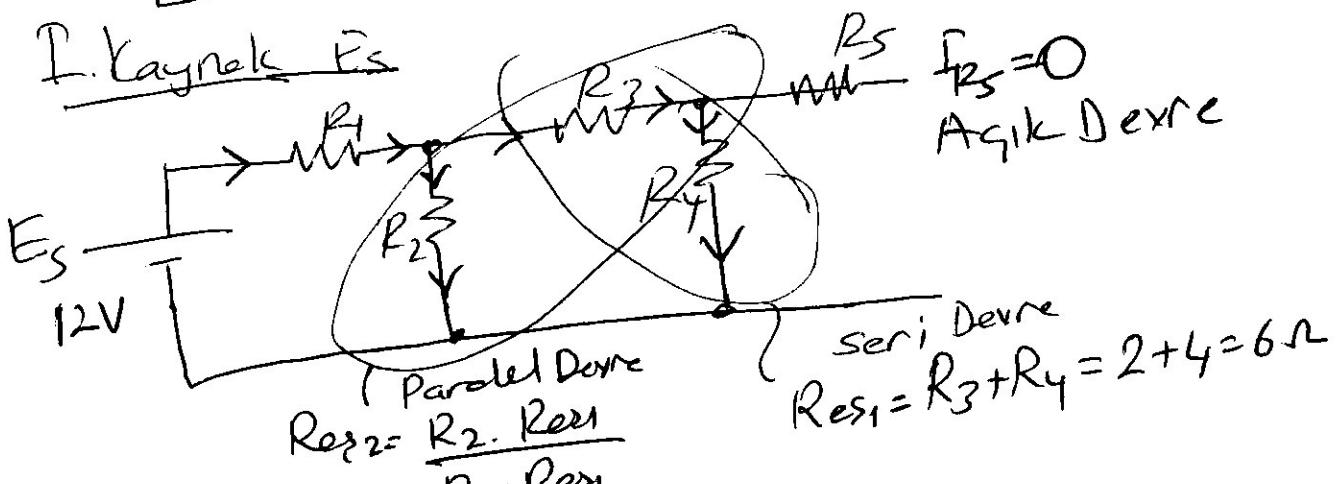


Başarılar dilerim.....

Yrd.Doç.Dr.Nurettin BEŞLİ



I. Kaynak E_s



$$R_{eq2} = \frac{R_2 \cdot R_{eq1}}{R_2 + R_{eq1}}$$

$$R_{eq2} = \frac{3 \cdot 6}{3 + 6} = 2\Omega$$

$$R_T = R_1 + R_{eq2}$$

$$R_T = 6 + 2 = 8\Omega$$

$$I_T = \frac{E_s}{R_T} = \frac{12}{8} = \frac{3}{2} A$$

(4) Seri devrede akım aynı olur.

$$I_T = I_{R_1} \quad I_{R_{eq1}} = 1,5 A.$$

$$V_{R_1} = I_{R_1} \cdot R_1 = 6 \cdot 1,5 = 9 V.$$

$$V_{R_{eq1}} = I_{R_{eq1}} \cdot R_{eq1} = 1,5 \cdot 2 = 3 V.$$

Paralellikten doğası:

$$V_{R_{eq2}} = V_{R_2} = V_{R_{eq1}} = 3 V.$$

$$I_{R_2} = \frac{V_{R_2}}{R_2} = \frac{3}{3} = 1 A$$

$$I_{R_{eq2}} = \frac{V_{R_{eq2}}}{R_{eq2}} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2} A$$

$$(2) \text{ Seri devreden doğası } I_{R_{eq1}} = I_{R_3} = I_{R_4} = 0,5 A.$$

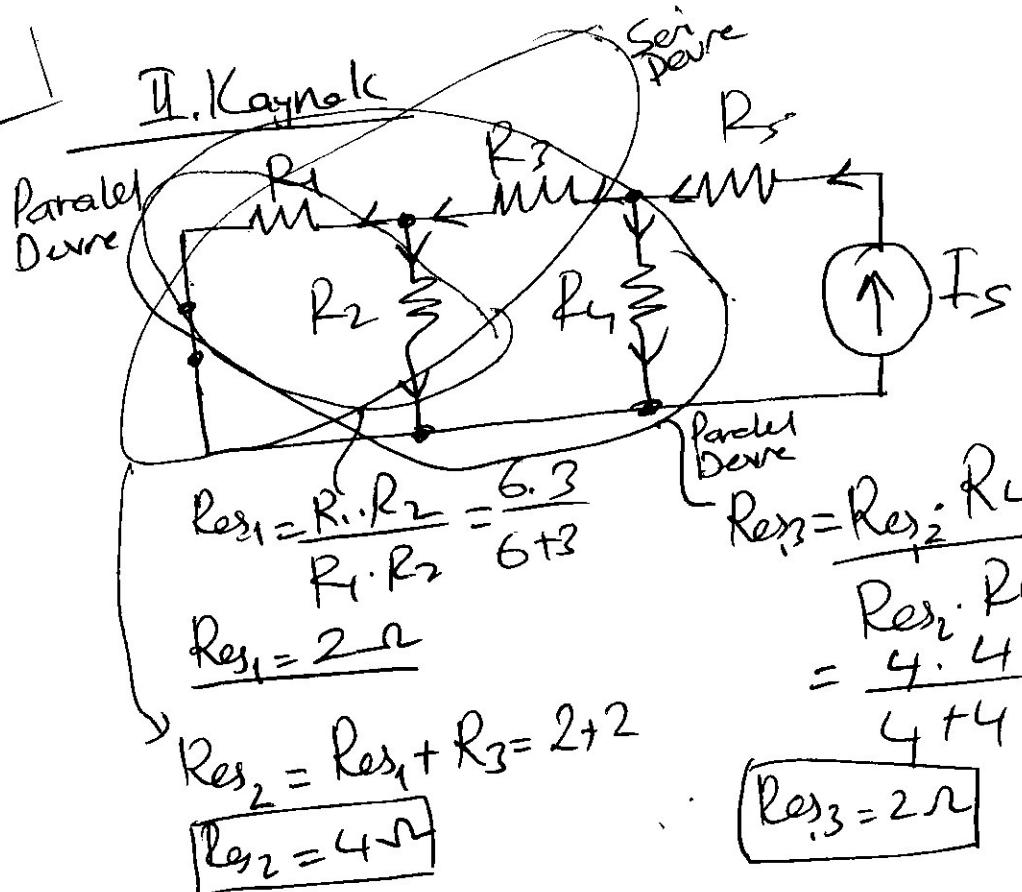
$$V_{R_3} = I_{R_3} \cdot R_3 = 0,5 \cdot 2 = 1 V$$

Açık Devre oldugu
 R_5 den akım gelmez
 $I_{R_5} = 0 \quad V_{R_5} = 0$

I. Görünüm

	Akım	Görünüm
R_1	1,5 A	9 V
R_2	1 A	3 V
R_3	0,5 A	1 V
R_4	0,5 A	2 V
R_5	0	0

③

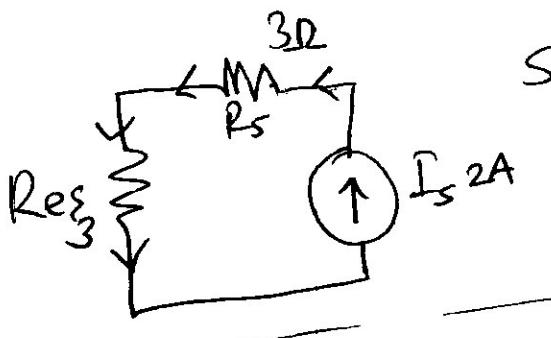


~~$$R_3 = \frac{R_{eq2} \cdot R_4}{R_4 + R_{eq2}}$$

$$R_3 = \frac{2 \cdot 4}{4 + 2} = \frac{8}{6} = \frac{4}{3}\Omega$$

$$R_3 = 1.33\Omega$$~~

④



Seri devrede akım aynı olur.
 $I_s = I_{R_3} = I_{R_{eq3}} = 2A$.
 Bu durumda $V_{R_3} = I_{R_3} \cdot R_3$
 $V_{R_3} = 2 \cdot 3 = 6V$

$$V_{R_{eq3}} = I_{R_{eq3}} \cdot R_{eq3} = 2 \cdot 2 = 4V$$

② Parallel kilitler dolayısıyla $V_{R_{eq3}} = V_{R_4} = V_{R_{eq2}} = 4V$

$$I_{R_4} = \frac{V_{R_4}}{R_4} = \frac{4}{4} = 1A. \quad I_{R_{eq2}} = \frac{V_{R_{eq2}}}{R_{eq2}} = \frac{4}{4} = 1A$$

Seri kilitler dolayısıyla $I_{R_{eq2}} = I_{R_3} = I_{R_1} = 1A$

$$V_{R_3} = I_{R_3} \cdot R_3 = 1 \cdot 2 = 2V$$

$$V_{R_{eq1}} = I_{R_{eq1}} \cdot R_{eq1} = 1 \cdot 2 = 2V.$$

Paralel kilitler dolayısıyla $V_{R_{eq1}} = V_{R_1} = V_{R_2} = 2V$

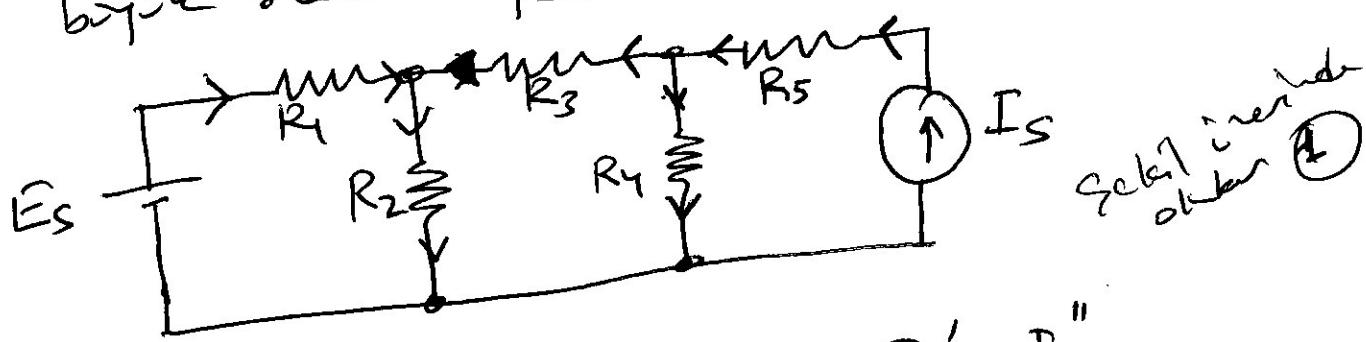
$$I_{R_1} = \frac{V_{R_1}}{R_1} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}A$$

$$I_{R_2} = \frac{V_{R_2}}{R_2} = \frac{2}{3}A$$

II Görünüm
Akım Geril.

	R ₁	V ₃ A	2V
	R ₂	2/3 A	2V
	R ₃	1A	2V
②	R ₅	2A	6V

Eğer akımlar aynı yönde ise toplam gerken forceki de
büyük olanı yeri seçip gerken akımı. ④



$$\textcircled{1} \quad I_{R_1} = I_{R_1}' - I_{R_1}'' \\ = \frac{3}{2} - \frac{1}{3} = \frac{7}{6} \text{ A.}$$

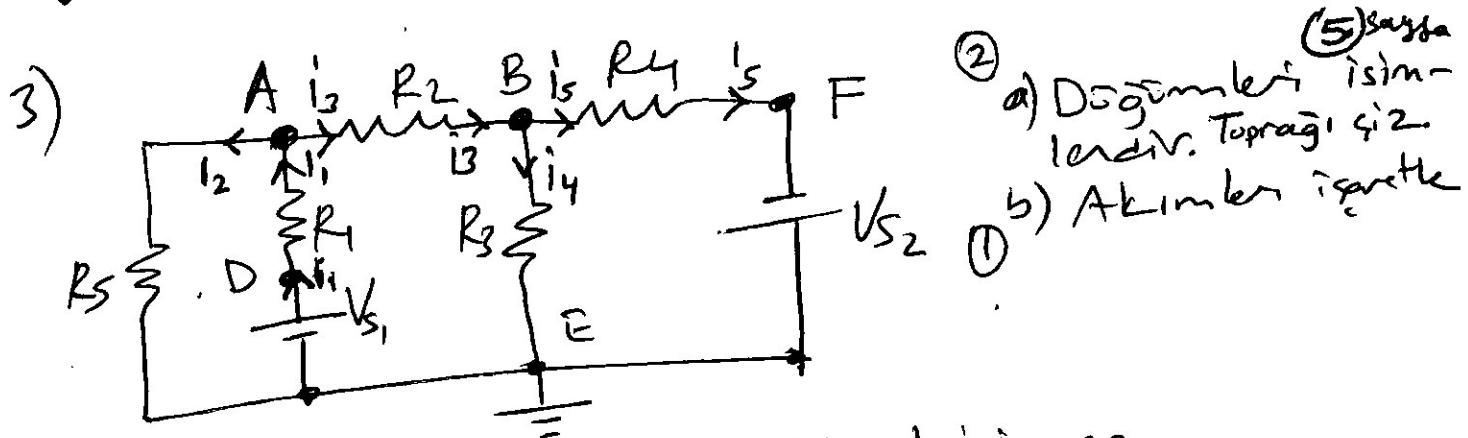
$$\textcircled{1} \quad I_{R_2} = I_{R_2}' + I_{R_2}'' \\ = 1 + \frac{2}{3} = \frac{5}{3} \text{ A.}$$

$$\textcircled{1} \quad I_{R_3} = I_{R_3}'' - I_{R_3}' \\ = 1 - 0,5 = 0,5 \text{ A.}$$

$$\textcircled{1} \quad I_{R_4} = I_{R_4}' + I_{R_4}'' \\ = 0,5 + 1 = 1,5 \text{ A.}$$

$$\textcircled{1} \quad I_{R_5} = I_{R_5}' + I_{R_5}'' = 0 + 2 = 2 \text{ A}$$

$$\underline{\underline{I_{R_5} = 2 \text{ A}}}$$



c) Döğüm akımlarını denklemelerini yaz.

③ A $i_1 = i_2 + i_3$ B $i_3 = i_4 + i_5$

$$i_2 = \frac{V_A - V_E}{R_5} \quad i_2 = \frac{V_D - V_A}{R_1} \quad i_5 = \frac{V_B - V_F}{R_4}$$

$$i_3 = \frac{V_A - V_B}{R_2} \quad i_4 = \frac{V_B - V_E}{R_3}$$

$$V_D = V_{S_1} = 9V \quad V_F = 0V (\text{Toprak}) \quad V_F = -V_{S_2} = -6V$$

$$i_1 = \frac{V_{S_1} - V_A}{R_1} \quad i_2 = \frac{V_A - \emptyset}{R_5} \quad i_3 = \frac{V_A - V_B}{R_2} \quad i_4 = \frac{V_B - \emptyset}{R_3} \quad i_5 = \frac{V_B - (-6)}{R_4}$$

$$i_1 = \frac{9 - V_A}{4} \quad i_2 = \frac{V_A}{3} \quad i_3 = \frac{V_A - V_B}{6} \quad i_4 = \frac{V_B}{2} \quad i_5 = \frac{V_B - (-6)}{3}$$

Denklemleri yerine yazalım:

$$i_1 = i_2 + i_3$$

$$i_3 = i_4 + i_5$$

$$\frac{9 - V_A}{4} = \frac{V_A}{3} + \frac{V_A - V_B}{6}$$

$$\frac{V_A - V_B}{6} = \frac{V_B}{2} + \frac{V_B + 6}{3}$$

$$27 - 3V_A = 4V_A + 2V_A - 2V_B$$

$$V_A - V_B = 3V_B + 2V_B + 12$$

$$i_2 = V_A - 6V_B$$

-3 / $27 = 9V_A - 2V_B$

$$-81 = -27V_A + 6V_B$$

$$i_2 = V_A - 6V_B$$

$$-69 = -26V_A \rightarrow V_A = \frac{69}{26}V$$

$$i_2 = \frac{69}{26} - 6V_B$$

$$i_2 \cdot 26 = 69 - 26 \cdot 6 \cdot V_B$$

$$V_B = -1,56V$$

(6)

$$V_B = \frac{-312 + 69}{26 \cdot 6} = -\frac{243}{156} V.$$

$$= -\frac{81}{52} V.$$

$$i_1 = \frac{9 - V_A}{4} = \frac{9 - \frac{69}{26}}{4} = \frac{234 - 69}{26 \cdot 4} = \frac{165}{104} = 1,59 A$$

$$i_2 = \frac{V_A}{3} = \frac{\frac{69}{26}}{3} = \frac{23}{26} = 0,88 A.$$

$$(5) \quad i_3 = \frac{V_A - V_B}{6} = \frac{\frac{69}{26} - \left(-\frac{81}{52}\right)}{6} = \frac{138 + 81}{6 \cdot 52} = \frac{219}{312} = 0,7 A$$

$$i_4 = \frac{V_B}{2} = \frac{-\frac{81}{52}}{2} = -0,78 A.$$

$$i_5 = \frac{V_B + 6}{3} = \frac{-\frac{81}{52} + 6}{3} = \frac{-81 + 312}{156} = \frac{231}{156} = 1,48 A$$

$I_{R_1} = i_1 = 1,59 A$	$I_{R_2} = i_2 = 0,88 A$	$I_{R_3} = i_4 = -0,78 A$
$V_{R_1} = I_{R_1} \cdot R_1 = 1,59 \cdot 4$	$V_{R_2} = I_{R_2} \cdot R_2 = 0,76$	$V_{R_3} = I_{R_3} \cdot R_3 = -0,72$
$V_{R_1} = 6,36 V$	$V_{R_2} = 4,12 V$	$V_{R_3} = -1,4 V$

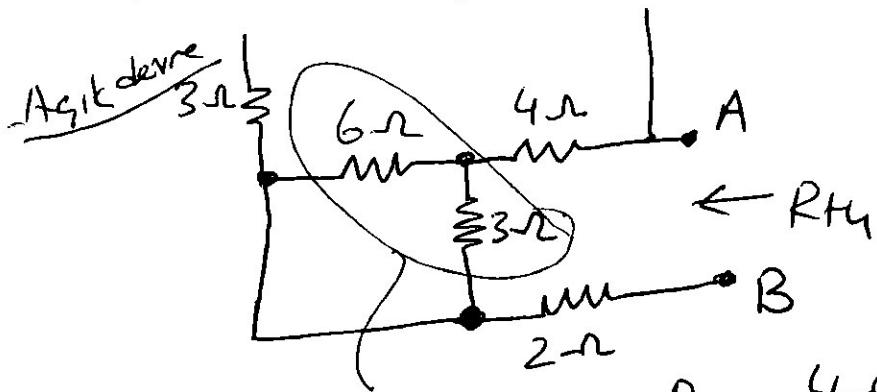
$I_{R_4} = i_5 = 1,48 A$	$I_{R_5} = i_2 = 0,88 A$
$V_{R_4} = I_{R_4} \cdot R_4 = 1,48 \cdot 3$	$V_{R_5} = I_{R_5} \cdot R_5 = 0,88 \cdot 3$
$V_{R_4} = 4,44 V$	$V_{R_5} = 2,64 V$

(5)

	Akim	Gerilim
R_1	1,59 A	6,36 V
R_2	0,7 A	4,12 V
R_3	-0,78 A	-1,4 V (segileyen ters)
R_4	1,48 A	4,44 V
R_5	0,88 A	2,64 V

4) a) R_{th} degerini bulalım.

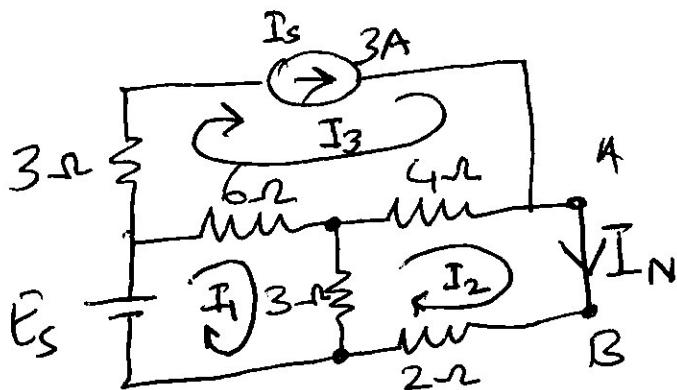
(7)



$$R_{th} = \frac{6 \cdot 3}{6+3} = 2 \Omega \quad R_{th} = 4 + 2 + 2 \quad R_{th} = 8 \Omega$$

(6)

I_N akımını bulalım:



$$\begin{aligned} &\text{1. Gevme} \\ &E_s = (I_1 - I_3)6 + (I_1 - I_2)3 \\ &E_s = 9I_1 - 3I_2 - 6I_3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &\text{2. Gevme} \\ &0 = (I_2 - I_1)3 + (I_2 - I_3)4 + I_2 \cdot 2 \\ &0 = -3I_1 + 9I_2 - 4I_3 \end{aligned}$$

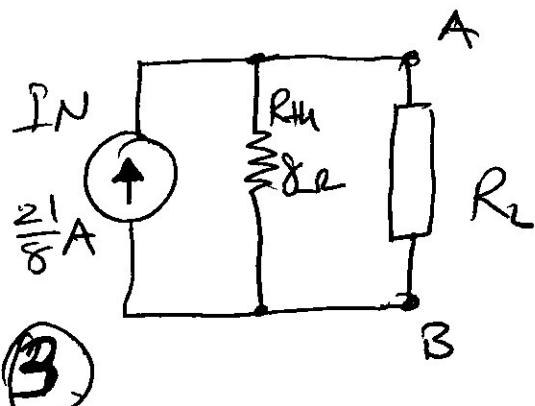
$$\begin{aligned} &\text{3. Gevme} \\ &I_3 = I_s = 3A \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &9 = 9 \cdot I_1 - 3I_2 - 6 \cdot 3 \\ &27 = 9I_1 - 3I_2 \\ &36 = -9I_1 + 27I_2 \\ &+ \\ &63 = 24I_2 \end{aligned}$$

$$I_2 = \frac{63}{24} = \frac{21}{8} A.$$

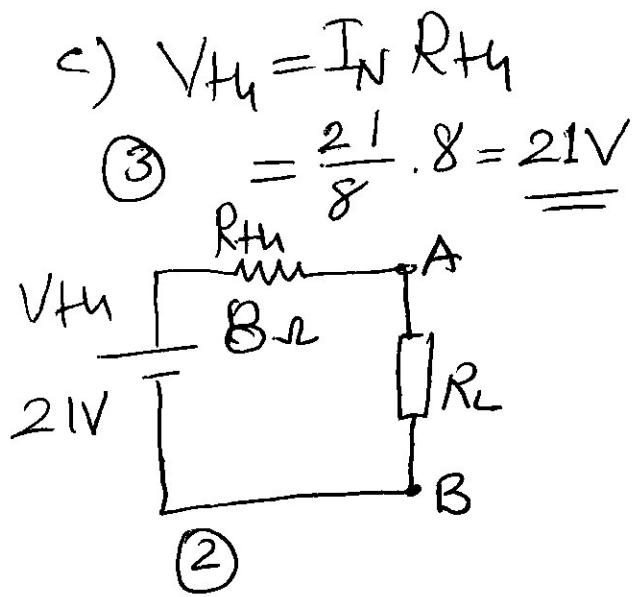
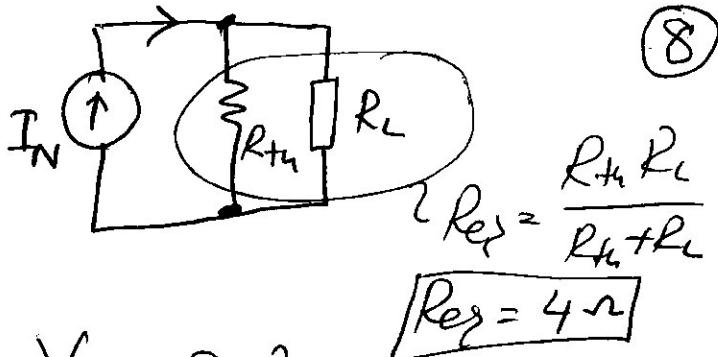
$$(3) \boxed{I_2 = I_N = \frac{21}{8} A}$$

$$\begin{aligned} &0 = -3I_1 + 9I_2 - 4 \cdot 3 \\ &3/ \boxed{12 = -3I_1 + 9I_2} \end{aligned}$$



(3)

b) $R_L = R_{Th}$ ohmischer
 $\underline{R_L = 8 \Omega}$ ③



① $\sqrt{R_{Th}} = I_N \cdot R_{Th}$
 $= \frac{21}{8} \cdot 4 = \frac{21}{2} V.$

② $\underline{V_{RL} = V_{Res} = \frac{21}{2} V}$ (Parallellkreis)

① $I_{RL} = \frac{V_{RL}}{R_L} = \frac{21/2}{8} = \frac{21}{16} A.$

① $P_{RL} = V_{RL} \cdot I_{RL} = \frac{21}{2} \cdot \frac{21}{16}$

$\underline{P_{RL} = 13.78 \text{ Watt}}$